

基于约束半环的 CP-nets 占优查询算法

刘惊雷¹, 华 臻², 武栓虎¹

(1. 烟台大学计算机学院, 山东烟台 264005; 2. 山东工商学院信电学院, 山东烟台 264005)

摘 要: 用户的偏好在自动决策中起着重要的作用, 作为一种表示多属性定性偏好断言的直观工具, CP-nets 被许多学者研究. 其上的占优查询算法的高复杂度还是一个难题, 本文研究如何降低其复杂度. 引入了一种求解约束满足问题的通用框架——SCSP(基于约束半环的满足问题), 并指出 CP-nets 中的条件偏好表本质上是一种动态约束. 给出了将 CP-nets 中的条件偏好表转化为 SCSP 中的约束, 在 SCSP 中进行解的优劣判断的算法, 并指出该算法具有多项式时间复杂度特性, 从而基于约束半环解决了无环 CP-nets 上的占优查询问题.

关键词: 占优查询; 约束半环; 约束满足问题; 条件偏好表; 动态约束; 解的优劣

中图分类号: TP18 **文献标识码:** A **文章编号:** 0372-2112 (2011) 08-1932-05

Dominance Query Algorithm for CP-nets Based on C-Semiring

LIU Jing-lei¹, HUA Zhen², WU Shuan-hu¹

(1. School of Computer Science and Technology, Yantai University, Yantai, Shandong 264005, China;

2. School of Information and Electronic Engineering, Shandong Institute of Business and Technology, Yantai, Shandong 264005, China)

Abstract: Information about user preferences plays a key role in automated decision making. As a intuitive graphical tool for representing statements over multiple attribute qualitative decision, CP-nets has attracted many researchers to study it. Its higher complexity of dominance query algorithm is a difficult problem to solve. We study how to reduce dominance query complexity. A general-purpose framework for solving constraint satisfaction problem is introduced, namely, SCSP (c-Semiring Constraint Satisfaction Problem), and point out that conditional preference table of CP-nets just is a type of dynamic constraint. An algorithm transforming conditional preference table of CP-nets to constraint of SCSP is given, which can judge a solution is better or worse. Its polynomial time complexity property is given, so based on c-Semiring, dominance query for acyclic CP-nets is solved effectively.

Key words: dominance query; constrain semiring; constraint satisfaction problem; condition preference table; dynamic constraint; better or worse solution

1 引言

偏好决定着选择, 如何将 Agent 的偏好表示出来, 并能进行相应的推理是很重要的. 目前对偏好的研究主要集中在偏好的表示和偏好的提取上. 其中前者研究如何将 Agent 偏好用数学方式加以描述, 并重点探讨这种描述方式的简洁性, 易用性. Boutilier 对前人工作进行了总结, 提出了一种表示偏好的数学模型——CP-nets^[1]. 该文对 CP-nets 的语法、语义及应用进行了详细论述, 并重点讨论几类特殊结构的 CP-nets 上的占优查询(Dominance Query)方法. 在 CP-nets 基础上, 还衍生了一些重要的描述偏好的模型, 如 Brafman 提出了一种带有属性重要性的 TCP-net^[2], 该模型在条件偏好基础上, 增加了反映属性重要性的元素, 然而它的分析技术和 CP-nets 的一样. 偏好的提取是以机器学习的方式来获取 Agent 的偏好. 其中 Koriche 提出了利用等价查询和成员查询来

获取 Agent 的条件偏好^[3,4].

偏好的表示和提取中都牵涉到占优查询, 然而文献 [1] 只给出了特殊结构的 CP-nets 上的占优查询算法, 对于较一般结构上的算法则没有给出. 本文研究无环 CP-nets 上的占优查询问题, 其主要特色在于: (1) 引入了一类通用的基于半环的约束满足问题求解框架 SCSP(c-Semiring Constraint Satisfaction Problem), 指出 CP-nets 的条件偏好表可看作是一种动态约束, 从而 CP-nets 上的占优查询可看作是动态约束条件下的配置间的优劣判断; (2) 设计了一个占优查询算法, 它可将无环 CP-nets 上的条件偏好表转化为 SCSP 上的约束, 从而在多项式时间完成解的优劣判断, 并给出占优查询.

2 定性偏好的表示方法——CP-nets

2.1 CP-nets 及其语义

定义 1 (1) 设 $V = \{X_1, X_2, \dots, X_n\}$ 是决策属性

集, $Dom(X_i)$ 为 X_i 的定义域, 则决策空间 $\Omega = \times_{i=1}^n Dom(X_i)$. $o \in \Omega$ 是决策空间的一个配置. 若两个配置 o 和 $o' \in \Omega$ 仅有一个属性值不同, 而其他属性值都相同, 则称 o 和 o' 具有可交换关系 (Swap Relation), 记作 $oSRo'$. $Para(X_i)$ 表示 X_i 的父亲.

(2) $CPT(X_i)$ 为 X_i 的条件偏好表 (Condition Preference Table), 表示在 $Para(X_i)$ 的不同取值下, Agent 对 $Dom(X_i)$ 集合的一个严格偏序关系.

(3) CP-nets 是一个有向图 $N = \langle V, CE \rangle$, 其中 CE 为有向边集, 代表属性之间的依赖关系. 每个顶点 X_i 都关联一个条件偏好表 $CPT(X_i)$.

(4) 当 $N = \langle V, CE \rangle$ 中不出现回路时, 称 N 为无环 CP-nets, 否则称有环 CP-nets.

例 1 我的晚餐^[1]包含主菜 (Main Course), 汤 (Soup) 和酒水 (Wine) 三部分, 分别用 M, S 和 W 来代表. 对于 M 来说, 我无条件偏好肉菜 (用 M_{mc} 代表 Meat Course), 而不是鱼菜 (用 M_{fc} 代表 Fish Course). 而喝什么样的汤则取决于主菜: 当吃肉菜时, 则喜欢喝鱼汤, 当吃鱼菜时, 则喜欢喝蔬菜汤; 而喝什么样的酒则取决于汤: 当喝鱼汤时, 则喜欢喝白酒, 当喝蔬菜汤时, 则喜欢喝红酒.

该例子的 CP-net 图 $N = \langle V, CE \rangle$ 如图 1 所示. 其中 $V = \{M, S, W\}$, $Dom(M) = \{M_{mc}, M_{fc}\}$, $Dom(S) = \{S_f, S_v\}$, $Dom(W) = \{W_w, W_r\}$; $CE = \{\langle M, S \rangle, \langle S, W \rangle\}$. 各顶点的偏好表在图 1 中.

CP-nets 遵循 Ceteris Paribus (all else being equal) 语义^[1,2], 即对于 $o \in \Omega$ 来说, 主要关心除某个属性 X_i 的值不同, 而其他属性值都相同的话, Agent 对 X_i 不同取值的一种偏好排序.

例 2 判断例 1 中晚餐配置 $o_1 = "M_{fc} \wedge S_v \wedge W_w"$ 和 $o_2 = "M_{mc} \wedge S_v \wedge W_r"$ 哪个更优. 因为

o_1 与 o_2 仅在 W 取值不同, 从 $CPT(W)$ 知, 当 S 为 S_v , W_r 优于 W_w . 用 Ceteris Paribus 语义可解释为: “当 M 与 W 值都为 M_{fc} 与 S_v 时, 对 W_r 的偏好大于对 W_w 的偏好”. 因此 o_2 优于 o_1 , 记作 $o_2 > o_1$.

当 o_1 与 o_2 有多个属性值不同, 则需进行一般情况下的占优查询.

2.2 CP-nets 上的占优查询

定义 2 设 $N = \langle V, CE \rangle$ 为 CP-nets, 若存在配置 o_1, o_2, \dots, o_m 满足 $o_i > o_{i+1} (1 \leq i \leq m-1)$ 且 $o_i SR o_{i+1}$, 则称 o_1 占优 o_m , 记作 $o_1 > o_m$. 判断 $o_1 > o_m$ 是否成立的查询称作占优查询.

定理 1 设 $N = \langle V, CE \rangle$ 是二值 CP-nets, 对于一些特殊的 CP-nets 结构, 其占优查询的时间复杂度^[1] 如表 1 所示.

表 1 二值 CP-nets 的占优查询复杂度

CP-nets graph	Complexity	Remark
Tree	$O(n^2)$	Lower bound
Polytree	$O(2^{2k} n^{2k+3})$	k -maximal indegree
单连通 DAG	NP-complete	Reduction from 3SAT
无环	?	NP or Harder?

可见对于无环 CP-nets 来说, 其复杂度还未知. 即使是其特殊的一类——单连通 CP-nets, 其复杂度也是 NP 完全的.

3 基于约束半环的解的优劣判断

约束半环 (c-Semiring)^[5,6] 是一类重要的代数结构, Bistarelli^[5] 提出了基于半环的约束满足问题求解的通用框架——SCSP (c-Semiring Constraint Satisfaction Problem), 并将其应用在输入数据不完备, 即带有缺失数据的偏好处理^[6]. 本文利用 SCSP 求 CP-nets 上的占优查询.

3.1 一种代数结构——约束半环

CSP (Constraint Satisfaction Problem, 约束满足问题) 是人工智能研究领域的一个重要分支, 如计算机视觉、调度中的资源分配^[5]、空间数据检索^[7] 等都可用 CSP 来建模.

基于约束半环的满足问题是在古典 CSP 基础上扩充如下两点:

(1) 允许虚弱 (No Crisp) 的断言^[5], 即可以部分满足或者说出现了满足的程度;

(2) 增加了通用的对这些虚弱断言进行的两种操作. 这两点恰恰构成一个抽象代数——约束半环, 利用约束半环可把所有 CSP 统一到通用框架下进行求解.

定义 3 $S = \langle A, +, \times, 0, 1 \rangle$ 是包含两个二元运算 $+$ 和 \times 的代数结构, 其中

- (1) A 是运算的载体, $0, 1 \in A$ 是特异元^[8];
- (2) $+$ 是“加运算”, 其满足封闭, 交换和结合性^[8], 0 是 $+$ 运算的单位元.
- (3) \times 是“乘运算”, 其满足封闭和结合, 1 是 \times 运算的单位元.
- (4) \times 对 $+$ 满足分配律.
- (5) $+$ 运算满足等幂律, \times 运算满足交换性, 1 是 $+$ 运算的零元.

满足 (1) ~ (4) 的 S 称作半环 (Semiring), 满足 (1) ~ (5) 的 S 称作约束半环 (c-Semiring)^[5,6]. 可见 c-Semiring 是在 Semiring 基础上加了条件 (5) 的限制.

定义 4 $S = \langle A, +, \times, 0, 1 \rangle$ 是一个约束半环, $a, b \in A$, 且 $a \neq b$, 若 $a + b = a$, 则称 $a > b$ (a 比 b 优).

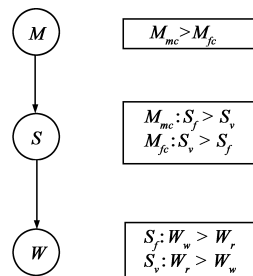


图 1 “我的晚餐”的 CP-nets

约束半环所诱导的序的作用在于对 A 中的元素进行排序.

3.2 基于约束半环的满足问题

为了理解 SCSP,先引入约束系统,约束和约束满足问题等概念.

定义 5 (1) $CS = \langle S, V, D \rangle$ 是一个约束系统,其中 S 是定义 2 所示的 c -Semiring, V 是决策变量集, D 是 V 的定义域,即 $D = \times_{X_i \in V} Dom(X_i)$.

(2) 给定 $CS = \langle S, V, D \rangle$, CS 上的一个约束 $c = \langle Con_c, Def_c \rangle$ 是一个有序对,其中 $Con_c \subseteq V$ 称作约束的类型 (Type of Constraint), Def_c 是约束 c 的值,即 $Def_c: D^{|\text{Conc}|} \rightarrow A$. Def_c 代表约束在 Con_c 上产生的约束大小或约束强弱,它将约束类型 Con_c 的一个值映射为半环数据域 A 中的一个值.

(3) 给定 $CS = \langle S, V, D \rangle$,则基于约束半环的满足问题 $SCSP = \langle C, Con \rangle$,其中 C 是所有形如 $\langle Con_c, Def_c \rangle$ 的约束集, $Con = \cup_{c \in C} Con_c \subseteq V$.

(4) 给定 $SCSP = \langle C, Con \rangle$, $t = \langle t_1, t_2, \dots, t_n \rangle \in D$, $W = \langle w_1, w_2, \dots, w_k \rangle$, $W' = \langle w_1, w_2, \dots, w_m \rangle$,且满足 $W' \subseteq W \subseteq V$,则 t 从 W 到 W' 上的投影定义为: $t(\downarrow_{W'}^W) = t' = \langle t'_1, t'_2, \dots, t'_m \rangle$,其中当 $w_i = w_j$ 时有 $t'_i = t_j$.

SCSP 的解是在约束的组合操作 \otimes 和投影操作 \downarrow 基础上而来的.

定义 6^[5] 给定 $CS = \langle S, V, D \rangle$, $S = \langle A, +, \times, 0, 1 \rangle$ 是一个约束半环.

(1) 若 $c_1 = \langle Con_1, Def_1 \rangle$ 和 $c_2 = \langle Con_2, Def_2 \rangle$ 是 CS 上两个约束,则 $c_1 \otimes c_2 = \langle Con, Def \rangle$,其中 $Con = Con_1 \cup Con_2$, $Def(t) = Def_1(t \downarrow_{Con_1}^{con}) \times Def_2(t \downarrow_{Con_2}^{con})$, $t = \langle t_1, t_2, \dots, t_k \rangle \in D, k = |Con|$.

(2) 若 $c = \langle Con, Def \rangle$ 是 CS 上的一个约束, $W \subseteq Con \subseteq V$,则 $c \downarrow W = \langle Con', Def' \rangle$,其中 $Con' = W$, $Def'(t') = \sum_{\{t \mid t \downarrow_W^{con} = t'\}} Def(t)$.

(3) 给定 CS 上的 $SCSP = \langle C, Con \rangle$,若 $C = \{c_1, c_2, \dots, c_n\}$,则该问题的解是一个约束,即 $Sol(SCSP) = (c_1 \otimes c_2 \otimes \dots \otimes c_n) \downarrow Con$. 它表示 C 中所有约束进行组合操作 \otimes 后再在定义域 Con 上进行投影操作 \downarrow .

Bistarelli^[5] 给出了表 2 所示的 SCSP 实例,从中可知

表 2 SCSP 的一些实例

Framework	A	$+$	\times	0	1
Classical CSP	$\{\text{false}, \text{true}\}$	\wedge	\vee	false	true
Negative Weighted CSP	$Z^+ \cup \{+\infty\}$	min	$+$	$+\infty$	0
Positive Weighted CSP	$Z^+ \cup \{+\infty\}$	max	$+$	0	$+\infty$
Probabilistic CSP	$\langle 0, 1 \rangle$	max	\times	0	1
Fuzzy CSP	$\langle 0, 1 \rangle$	max	min	0	1
Lexicographic CSP	$Z^{(0,1)} \cup \{T\}$	\max_{Lex}	\cup	T	\emptyset

每个实例都和半环有关.

定理 2 在基于约束半环的满足问题中,解的优劣判断为多项式时间复杂度^[5].

3.3 从约束观点看条件偏好表

任何约束满足问题中的“约束”都可抽象为“受到某种条件的限制”. 例如图 1 中 $CPT(M)$ 的一个条目为“ $M_{mc} > M_{fc}$ ”,这可理解为当其他属性值一样,而仅出现 M 属性时,其所受的限制条件为“肉菜比鱼菜强”. $CPT(S)$ 的第 2 行为“ $M_{fc}: S_v > S_f$ ”,它与约束的联系为“当菜选择了鱼菜时,则蔬菜汤比鱼汤强”. 当条件偏好表只有 1 行时,可视为一个静态约束或绝对约束;当条件偏好表有多行,可视为一个动态约束或相对约束,即在不同条件下,其所受的限制条件不一样. 由于条件偏好表可看成一种约束,这为利用 SCSP 求占优查询提供了可能.

4 将 CP-nets 的偏好转换为约束满足问题

从定理 1 知,对于无环结构的 CP-nets,其占优查询的复杂度未知. 而根据定理 2 得知,SCSP 可在多项式时间完成解的优劣判断. 由于条件偏好表就是约束,因此可将无环 CP-nets 的占优查询转化为 SCSP 中解的优劣判断问题.

4.1 SCSP 中解的优劣判断

定义 7 $SCSP = \langle C, Con \rangle$ 是约束系统 $CS = \langle S, V, D \rangle$ 的一个满足问题.

(1) 当 $S = \langle Z^+, \text{Max}, +, 0, +\infty \rangle$ 是一个正带权约束半环,若 $\text{Max}(sol_1, sol_2) = sol_1$,称解 sol_1 优于 sol_2 .

(2) 对于 CP-nets 中的两个不同配置 o_1 和 o_2 ,若 $\text{Max}(Def(o_1), Def(o_2)) = Def(o_1)$,则 $o_1 > o_2$. 其中 $Def(o) = Def(o \downarrow_{Con_{X_1}}^V) + Def(o \downarrow_{Con_{X_2}}^V) + \dots + Def(o \downarrow_{Con_{X_n}}^V)$. 当 $Con_{X_i} \subseteq V$ 时, $Def(o \downarrow_{Con_{X_i}}^V)$ 可简写为 $Def(o \downarrow_{Con_{X_i}})$.

定理 3 对于 CP-nets 中的配置 o 来说, $Def(o) = Def(o \downarrow_{Con_{X_1}}^V) + Def(o \downarrow_{Con_{X_2}}^V) + \dots + Def(o \downarrow_{Con_{X_n}}^V)$,则 $\langle V, Def(o) \rangle$ 是 SCSP 的一个解.

证明:因为约束系统 CS 上约束集 $C = \langle C, Con \rangle$,其中 $C = \{Con_{X_1}, Con_{X_2}, \dots, Con_{X_n}\}$ 为各顶点对应的约束集, $Con = Con_{X_1} \cup Con_{X_2} \cup \dots \cup Con_{X_n} = V$,根据定义 6 的 (3) 知解的形式为一个约束,即 $\langle V, Def(o) \rangle \in Sol(SCSP) = (c_1 \otimes c_2 \otimes \dots \otimes c_n) \downarrow V$,所以 $\langle V, Def(o) \rangle$ 是 SCSP 的一个解.

该定理表明 $\langle V, Def(o) \rangle$ 是 SCSP 的一个解,因此通过 o_1 和 o_2 的 Def 值可判断 o_1 和 o_2 的占优关系.

4.2 占优查询算法及性质

算法 1 为基于半环的占优查询算法 DQBYSCSP.

算法 1 DQBYSCSP 算法

Input: CP-nets 图 $N = \langle V, CE \rangle$, 两个配置 o_1 与 o_2

Output: 配置 o_1 与 o_2 的占优关系

Step1 //构造条件偏好表对应的约束

```
While ( $X \in V$ )
     $Con_X = Para(X) \cup \{X\}$ 
EndWhile
```

Step2 //求约束 c_X 的类型值 $Type(c_X)$

```
Single_Link L; //定义单链表 L
L = Topological_Sort(V)
//对顶点集 V 进行拓扑排序, 其结果放在单链表 L
Vertex * P = L -> head //P 指针指向 L 的头结点
While (P != NULL)
    {
        X = P -> Value //P 的 Value 域存储 CP-nets 的顶点
         $Type(c_X) = m^{Index(L, X)}$ 
        //Index(L, X) 返回 X 在链表 L 中的位置,  $m = |Dom(X)|$ .
        For (Each Item In CPT(X))
            //求出偏好表中每行约束不同取值  $c_i$  的位置 Posi( $c_i$ )
            // $c_i \in Item = \{v_1, v_2, \dots, v_k, x_{i1}\}, \{v_1, v_2, \dots, v_k, x_{i2}\}, \dots, \{v_1, v_2, \dots, v_k, x_{im}\}$ 
             $Posi(c_1) = Posi(\{v_1, v_2, \dots, v_k, x_{i1}\}) = m - 1, \dots$ 
             $Posi(c_m) = Posi(\{v_1, v_2, \dots, v_k, x_{im}\}) = 0$ 
        End For
         $Def(c_X) = \{Type(c_X) * Posi(c_i) | i = 1, 2, \dots, m$ 
    }
EndWhile
```

Step3 //基于配置 o_1 与 o_2 的 Def 值进行占优查询

```
 $Def(o_1) = Def(o_1 \downarrow_{Con_{X_1}}) + Def(o_1 \downarrow_{Con_{X_2}}) + \dots + Def(o_1 \downarrow_{Con_{X_n}})$ ;
 $Def(o_2) = Def(o_2 \downarrow_{Con_{X_1}}) + Def(o_2 \downarrow_{Con_{X_2}}) + \dots + Def(o_2 \downarrow_{Con_{X_n}})$ ;
If Max(Def(o_1), Def(o_2)) = Def(o_1),  $o_1 > o_2$ 
Else  $o_2 > o_1$ 
End If
Return;
```

性质 1 算法 DQBYSCSP 是多项式时间复杂度。

性质 2 若 o_1 占优 o_2 , 则算法 DQBYSCSP 所得到的解的 $Def(o_1)$ 值优于 $Def(o_2)$ 。

4.3 一个实例

例 3 求图 2 CP-nets 中各个变量所对应的约束, 并对配置 $o_1 = "a_0c_0e_1b_0d_0"$ 和 $o_2 = "a_0c_1e_0b_0d_0"$ 进行占优查询。

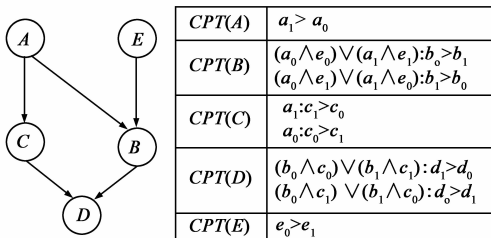


图 2 一个无环 CP-nets

解: 图 2 中 CP-nets 的一个拓扑排序是“ A, C, E, B, D ”, 因此 $Type(Con_A) = 2^4$, $Type(Con_C) = 2^3$, $Type(Con_E) = 2^2$, $Type(Con_B) = 2^1$, $Type(Con_D) = 2^0$, $Posi(Con_A) = \{ \langle a_1, 1 \rangle, \langle a_0, 0 \rangle \}$, $Posi(Con_C) = \{ \langle a_1c_1, 1 \rangle,$

$\langle a_1c_0, 0 \rangle, \langle a_0c_0, 1 \rangle, \langle a_0c_1, 0 \rangle \}$, $Posi(Con_E) = \{ \langle e_0, 1 \rangle, \langle e_1, 0 \rangle \}$, $Posi(Con_B) = \{ \langle a_0e_0b_0, 1 \rangle, \langle a_0e_0b_1, 0 \rangle, \langle a_1e_1b_0, 1 \rangle, \langle a_1e_1b_1, 0 \rangle, \langle a_0e_1b_0, 0 \rangle, \langle a_1e_0b_1, 1 \rangle, \langle a_1e_0b_0, 0 \rangle \}$, $Posi(Con_D) = \{ \langle b_0c_0d_1, 1 \rangle, \langle b_0c_0d_0, 0 \rangle, \langle b_1c_1d_1, 1 \rangle, \langle b_1c_1d_0, 0 \rangle, \langle b_0c_1d_0, 1 \rangle, \langle b_0c_1d_1, 0 \rangle, \langle b_1c_0d_0, 1 \rangle, \langle b_1c_0d_1, 0 \rangle \}$ 。

因此 $Def(Con_A) = Type(Con_A) * Posi(Con_A) = \{ \langle a_1, 16 \rangle, \langle a_0, 0 \rangle \}$, $Def(Con_C) = 2^3 * Posi(Con_C) = \{ \langle a_1c_1, 8 \rangle, \langle a_1c_0, 0 \rangle, \langle a_0c_0, 8 \rangle, \langle a_0c_1, 0 \rangle \}$, $Def(Con_E) = \{ \langle e_0, 4 \rangle, \langle e_1, 0 \rangle \}$, $Def(Con_B) = \{ \langle a_0e_0b_0, 2 \rangle, \langle a_0e_0b_1, 0 \rangle, \langle a_1e_1b_0, 2 \rangle, \langle a_1e_1b_1, 0 \rangle, \langle a_0e_1b_1, 2 \rangle, \langle a_0e_1b_0, 0 \rangle, \langle a_1e_0b_1, 2 \rangle, \langle a_1e_0b_0, 0 \rangle \}$, $Def(Con_D) = \{ \langle b_0c_0d_1, 1 \rangle, \langle b_0c_0d_0, 0 \rangle, \langle b_1c_1d_1, 1 \rangle, \langle b_1c_1d_0, 0 \rangle, \langle b_0c_1d_0, 1 \rangle, \langle b_0c_1d_1, 0 \rangle, \langle b_1c_0d_0, 1 \rangle, \langle b_1c_0d_1, 0 \rangle \}$ 。

$Def(o_1) = Def(o_1 \downarrow_{Con_A}) + Def(o_1 \downarrow_{Con_C}) + Def(o_1 \downarrow_{Con_E}) + Def(o_1 \downarrow_{Con_B}) + Def(o_1 \downarrow_{Con_D}) = 0 + 8 + 4 + 0 + 1 = 13$, 同理 $Def(o_2) = 0 + 0 + 4 + 2 + 1 = 7$, 由于 $Max(Def(o_1), Def(o_2)) = Def(o_1)$, 故 $o_1 > o_2$ 。

4.4 相关工作的对比

为了理解本文特色, 表 3 为相关工作的对比。

表 3 CP-nets 的相关工作对比

相关论文	主要工作	占优查询方法	方法通用性	CP-nets 的结构	算法复杂度
Boutilier's works ^[1]	CP-nets 的语法、语义和应用	剪枝, 字符串匹配	不强	有限几种	大部分指数级
Gelain's works ^[6]	SCSP 在缺失偏好下的处理	无	没有论述	没有论述	没有论述
Bistarelli's works ^[5]	基于半环的满足问题求解	无	没有论述	没有论述	没有论述
本文工作	基于约束半环求解占优查询	基于约束半环	较强	DAG 结构的都可求	多项式复杂度

从表 3 可看出, 本文特色在于提出 CP-nets 的条件偏好表本质上反映的是一类约束, 它可以利用通用的代数求解框架——SCSP 中解的优劣判断方法来对 CP-nets 进行占优查询。

5 结论和未来工作

本文引入了一种通用的求解约束满足问题的框架——SCSP, 指出 CP-nets 中的条件偏好表本质上就是一种动态约束. 偏好和约束之间的内在联系, 为利用 SCSP 中解的优劣判断来求 CP-nets 中占优查询奠定了基础。

进一步研究有两个思路: (1) 研究带环 CP-nets 图的特性; (2) 研究 CP-nets 和对策论 (Game Theory) 的联系, 利用对策论的方法求解 CP-nets 中的占优查询。

参考文献

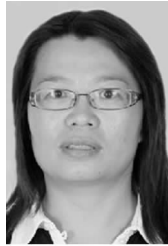
- [1] Boutilier C, Brafman R, et al. CP-nets: A tool for representing and reasoning with conditional ceteris paribus statements[J]. Journal of Artificial Intelligence Research, 2004, 21: 135 – 191.
- [2] Brafman R, Domshlak C, et al. On graphical modeling of preference and importance [J]. Journal of Artificial Intelligence Research, 2006, 25: 389 – 424.
- [3] Koriche F, Zanuttini B. Learning conditional preference networks with queries[A]. Proc 21st International Joint Conference on Artificial Intelligence[C]. Pasadena: Morgan Kaufman Publishers, 2009. 1930 – 1935.
- [4] Koriche F, Zanuttini Bruno. Learning conditional preference networks[J]. Artificial Intelligence, 2010, 174 (11): 685 – 703.
- [5] Bistarelli S, Montanari U, et al. Semiring-based constraint solving and optimization[J]. Journal of the ACM, 1997, 44(2): 201 – 236.
- [6] Gelain M, Pini M S, et al. Elicitation strategies for soft constraint problems with missing preferences: properties, algorithms and experimental studies[J]. Artificial Intelligence, 2010, 174 (5-6): 270 – 294.
- [7] 申世群, 刘大有, 等. 基于草图的空间数据检索研究[J]. 电子学报, 2010, 38(8): 1819 – 1824.
Shen Shiqun, Liu Dayou, et al. Research on spatial data retrieval based on sketch[J]. Acta Electronica Sinica, 2010, 38 (8): 1819 – 1824. (in Chinese)
- [8] 屈婉玲. 离散数学[M]. 北京: 高等教育出版社, 2008. 6. 266 – 269.

Qu Wanling. Discrete Mathematics [M]. Beijing: Higher Education Press, 2008. 6. 266 – 269. (in Chinese)

作者简介



刘惊雷 男, 1970 年生于山西临猗, 副教授, CCF 会员. 研究方向为程序理论, 计算方法.
E-mail: jinglei_liu@sina.com



华臻 女, 1966 年生于内蒙古包头市, 博士, 教授, 硕士生导师, IEEE 会员. 研究方向为智能视觉与可视化技术.
E-mail: huazhen66@msn.com



武栓虎 男, 1965 年生于河南灵宝市, 博士, 教授. 研究方向为信息与信号处理, 数字图像处理.
E-mail: wushuanhu@126.com